

中3 夏期講習 第二講:計算マスター(中2)

練習 1

次の式の同類項をまとめよ。

(1) $5a - 3b + a + b$

(2) $ab - 7a + ab - a$

(3) $-3x^2 - 7 + 2x + x^2 + 5 - x$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

練習 2

次の式の同類項をまとめよ。

(1) $5a - 3b + 4a - 5b$

(2) $-4x^2 - 7x - 3x^2 + x$

(3) $-3x^2y + 6xy^2 + 3x^2y - 2xy^2 + 3xy$

(4) $\frac{1}{3}x - \frac{3}{8}y + \frac{1}{6}x - \frac{1}{4}y$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

練習 3

次の計算をせよ。

(1) $(6x - 3y) + (2x - 5y)$

(2) $(3x - 6y) - (7x - 9y)$

(3) $(8x^2 + 10x - 5) - (7x - 9 + 6x^2)$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

練習 4

次の計算をせよ。

(1) $7a + (2a - 5b)$

(2) $(3x - 2y) + (4x - 5y)$

(3) $(5a - 2b) - (a - 4b)$

(4) $(x^2 - 2x) - (x^2 + 4x - 5)$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

練習 5

多項式 $10x - y$ に、ある多項式を加えた和が $-2x + 5y$ になった。ある多項式を求めよ。

[解答欄]

--

練習 6

次の計算をせよ。

$$(1) \begin{array}{r} 4x+3 \\ +) 6x-5 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \begin{array}{r} 3a-5b \\ -) -4a+2b \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \begin{array}{r} 4x-9y-10 \\ +) -8x+6y+20 \\ \hline \end{array}$$

$$(4) \begin{array}{r} -4x^2 \quad -3y^2 \\ -) 2x^2 -2xy -4y^2 \\ \hline \end{array}$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

練習 7

次の計算をせよ。

$$(1) 3(4a-5)$$

$$(2) -4(-2x+3y)$$

$$(3) (9a-18b) \times \left(-\frac{1}{3}\right)$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

練習 8

次の計算をせよ。

$$(1) (12a-36b) \div 6$$

$$(2) (12x-36y) \div (-4)$$

$$(3) (-4x+8y) \div \left(-\frac{2}{3}\right)$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

練習 9

次の計算をせよ。

$$(1) 2(x-7y)+5(-2x+3y)$$

$$(2) 3(x+2y)-2(3x-4y)$$

$$(3) 4(2a-b)-2(a-4b)$$

$$(4) 3(2x+3y-1)-2(3x+4y-4)$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

練習 10

次の計算をせよ。

$$(1) \frac{1}{2}(x-y)+\frac{1}{4}(x+3y)$$

$$(2) \frac{1}{3}(6a-3b)-\frac{1}{2}(8a-4b)$$

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

練習 11

次の計算をせよ。

$$(1) \frac{x}{2} + \frac{x+y}{3}$$

$$(2) \frac{3x-y}{2} - \frac{3x-2y}{8}$$

$$(3) \frac{4x-5y}{3} - \frac{2x-3y}{4}$$

$$(4) \frac{x-3y}{4} - \frac{x-6y}{6}$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

練習 12

次の計算をせよ。

$$(1) (5b-a)+(7a+8b)$$

$$(2) x-4y-(x-y)$$

$$(3) 5(2a-3b)$$

$$(4) 4(x-2y)+2(-x+3y)$$

$$(5) 2(5x+y)-3(x-3y)$$

$$(6) \frac{x-y}{2} + \frac{2x+3y}{5}$$

$$(7) \frac{3a+b}{3} - \frac{3a-2b}{4}$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	(6)
(7)		

練習 13

次の計算をせよ。

$$(1) (3x-2y)+(x+5y)$$

$$(2) \begin{array}{r} 4a+3b-c \\ +) 2a-5b+3c \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \begin{array}{r} 2a-5b \\ -) -5a-7b \\ \hline \end{array}$$

$$(4) -5(3x-y+2)$$

$$(5) (-9a+12b) \div (-3)$$

$$(6) 4(2x-y)-3(2x-5y)$$

$$(7) \frac{2x+y}{3} - \frac{x-2y}{6}$$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	(6)
(7)		

練習 14

次の計算をせよ。

(1) $4x \times 7y$

(2) $5x \times (-4y)$

(3) $(-5a) \times 2b$

[解答欄]

(1)

(2)

(3)

練習 15

次の計算をせよ。

(1) $-(-x)^2$

(2) $(-5x)^2$

(3) $(-2x) \times (-5x)^2$

[解答欄]

(1)

(2)

(3)

練習 16

次の計算をせよ。

(1) $-14x^2y \div 7x$

(2) $8x^3y^2 \div (-2xy)$

[解答欄]

(1)

(2)

練習 17

次の計算をせよ。

(1) $\frac{1}{2}a^2b \div \frac{2}{3}a$

(2) $\frac{3}{4}x^2y \div (-3xy^2)$

[解答欄]

(1)

(2)

練習 18

次の計算をせよ。

(1) $4x \times 3y^2 \div 6xy$

(2) $4a^2b \div ab^2 \times (-2b)$

(3) $4a^2b^3 \div (-6a^2b^2) \times 9ab$

(4) $(-2x)^3 \div (-2x) \div 4x^2$

[解答欄]

(1)

(2)

(3)

(4)

練習 19

次の計算をせよ。

- (1) $5a \times 3b$
 (3) $2a \times 3ab^3$
 (5) $8x \div 2x$
 (7) $(-3x^3y) \div \frac{1}{4}xy$
 (9) $2a \times 3a^2 \div 6a$

- (2) $7y \times (-4x)$
 (4) $(-3x)^2 \times 4x$
 (6) $(-15ab) \div (-3a)$
 (8) $-\frac{1}{2}ab^2 \div \frac{5}{4}a^2b$
 (10) $(-2x)^3 \times x \div (-4x^2)$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	(6)
(7)	(8)	(9)
(10)		

練習 20

次の計算をせよ。

- (1) $2ab \times (-3b^2)$
 (3) $12a^2b^3 \div \frac{6}{5}ab^2$
 (5) $\frac{1}{9}x^3y^2 \div \left(\frac{1}{3}xy\right)^2 \times (-x^2y)^3$

- (2) $-18xy^3 \div (-3xy)$
 (4) $2x^2y \times (-3y)^2 \div (-9xy)$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	

練習 21

次の計算をせよ。

- (1) $(6x - 4y) + (5x + 2y)$
 (3) $(15a - 9b) \div 3$
 (5) $7a \times (-4b)$
 (7) $(-4ab) \div (-2ab)$
 (9) $15xy \times (-2xy) \div 6y$

- (2)
$$\begin{array}{r} 4x - 5y \\ +) - 2x + 3y \\ \hline \end{array}$$

 (4) $3(2x - 3y) + 4(x - 5y)$
 (6) $-(-2x)^2$
 (8) $24x^2y \div (-8xy^2)$
 (10) $(-8a^2b) \div (-4a^2) \div 2ab$

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	(6)
(7)	(8)	(9)
(10)		

練習 22

次の各問いに答えよ。

(1) $x = 3, y = 3$ のとき, $5x + 2y$ の値を求めよ。

(2) $x = 3, y = -2$ のとき, $3xy^3$ の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

練習 23

$x = -2, y = 3$ のとき, 次の式の値を求めよ。

(1) $3(x+y) - 2(x-2y)$

(2) $12\left(x - \frac{y}{4}\right) - 6\left(5x - \frac{y}{3}\right)$

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

(2)

練習 24

$a = 3, b = -2$ のとき, 次の式の値を求めよ。

(1) $18ab \div 6ab^2 \times (-2a)^2$

(2) $-3(2a-b) + 2(a+2b)$

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

練習 25

2 けたの自然数から, その数の十の位の数と一の位の数を引くと, 9 の倍数になる。このことを, 文字を使って説明せよ。

[解答欄]

練習 26

A を一の位の数が 0 でない 2 けたの自然数とし, A の十の位の数を x , 一の位の数を y とする。また, B を A の十の位の数と一の位の数を入れかえた 2 けたの自然数とする。このとき, $5A + 4B$ は 9 の倍数になること説明せよ。

[解答欄]

練習 27

2 つの奇数の差は偶数であることを、文字を使って説明せよ。

[解答欄]

練習 28

2 つの整数 a, b で、 a は偶数、 b は 3 の倍数とする。このとき、 $a - 2b$ は偶数になることを説明せよ。

[解答欄]

練習 29

連続する 6 つの整数の和は 3 の倍数になることを、文字を使って説明せよ。

[解答欄]

練習 30

3 つの続いた整数のうち、最大の数の 5 倍から他の 2 つの数を引いた数は、3 の倍数になる。このわけを、文字を使って説明せよ。

[解答欄]

練習 31

連続する 3 つの奇数の和は、真ん中の奇数の 3 倍と等しくなることを、文字を使って説明せよ。

[解答欄]

練習 32

次の等式を[]内の文字について解け。

$$(1) \quad x + 3y = 6 \quad [y]$$

$$(2) \quad S = \frac{1}{2}(a+b)h \quad [h]$$

[解答欄]

(1)

(2)

練習 33

次の等式を[]の中の文字について解け。

$$(1) \quad -4x + 3y = 6 \quad [y]$$

$$(2) \quad 5(a - 3b) = c \quad [a]$$

$$(3) \quad S = \frac{xy}{2} \quad [x]$$

[解答欄]

(1)

(2)

(3)

練習 34

次の式を[]の中の文字について解け。

$$(1) \quad 3x = y \quad [x]$$

$$(2) \quad 2x + 3y = 12 \quad [y]$$

$$(3) \quad S = \frac{1}{2}ah \quad [h]$$

$$(4) \quad S = \pi r^2 h \quad [h]$$

$$(5) \quad S = \frac{1}{2}(a+b)h \quad [a]$$

$$(6) \quad c = \frac{2a+b}{3} \quad [b]$$

[解答欄]

(1)

(2)

(3)

(4)

(5)

(6)

練習 35

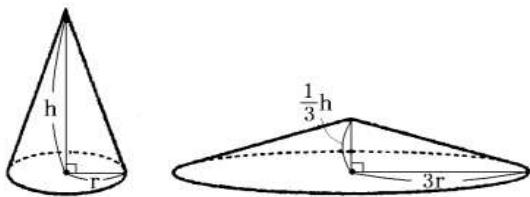
底面の半径が r , 高さが h の円錐がある。

この円錐の底面の半径を 3 倍, 高さを $\frac{1}{3}$ 倍に

したときの体積はもとの円錐の体積の何倍になるか求めよ。

[解答欄]

--



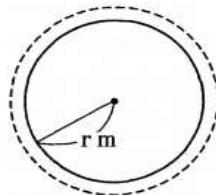
練習 36

半径 $r\text{ m}$ の円形の池のまわりから 2m はなして、さくを作った。

- (1) さくの全長は何 m か。
- (2) さくの全長は、池のまわりの長さとどれだけ差があるか。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----



練習 37

次の連立方程式を解け。

$$(1) \begin{cases} x + y = -1 \\ x - y = 5 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 6x + 2y = 24 \\ 3x + 2y = 15 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} 3x + y = 2 \\ 5x + 4y = -13 \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} 7x - 5y = -2 \\ 5x + 4y = -9 \end{cases}$$

[解答欄]

(1)	(2)
(3)	(4)

練習 38

$5x - 3y = -3x + 2y - 1 = x + 3$ を満たす x, y を求めよ。

[解答欄]

--

練習 39

次の連立方程式を解け。

$$(1) \begin{cases} x+y=10 \\ x-y=-2 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x+3y=12 \\ 5x+3y=21 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} x-y=4 \\ 3x+7y=12 \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} 2x+3y=-4 \\ -4x+9y=38 \end{cases}$$

$$(5) \begin{cases} 7x+4y=30 \\ 5x+3y=22 \end{cases}$$

$$(6) \begin{cases} -2x-5y=24 \\ 3x-4y=10 \end{cases}$$

$$(7) \begin{cases} 7x-2y=9 \\ y=2x \end{cases}$$

$$(8) \begin{cases} 7x-4y=9 \\ 4y=-x+15 \end{cases}$$

[解答欄]

(1)	(2)
(3)	(4)
(5)	(6)
(7)	(8)

練習 40

次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} 2x+5y=-18 \\ 5x-3(x-y)=-10 \end{cases}$$

[解答欄]

練習 41

次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} 3(x-2y)+5y=2 \\ 4x-3(2x-y)=8 \end{cases}$$

[解答欄]

練習 42

次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} 2x-y=8 \\ \frac{x}{3}-\frac{y}{4}=1 \end{cases}$$

[解答欄]

練習 43

次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} 5x - 2y = 4 \\ x + 0.3y = 0.1 \end{cases}$$

[解答欄]

練習 44

次の連立方程式を解け。

$$(1) \begin{cases} x - 3(x - 7) = -7 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 0.8x - 0.3y = 0.9 \\ -x + 3y = 12 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} 3x - 2y = 0 \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = 2 \end{cases}$$

[解答欄]

(1)	(2)
(3)	

練習 45

次の連理方程式を解け。

$$\begin{cases} x + y - z = 6 & \cdots ① \\ x - y = -2 & \cdots ② \\ x = z & \cdots ③ \end{cases}$$

[解答欄]

練習 46

連立方程式 $\begin{cases} ax - 2by = -5 \\ bx + ay = 8 \end{cases}$ の解が $x = 1, y = 2$ であるとき, a, b の値を求めよ。

[解答欄]

[解答] $a = 3, b = 2$

練習 47

x, y の二元一次連立方程式 $\begin{cases} ax + by = -11 \\ bx + ay = 10 \end{cases}$ の解が $x = -1, y = 2$ であるとき, a, b の値を

求めよ。

[解答欄]

練習 48

2 組の連立方程式

$$\begin{cases} 4x + 7y = 1 \\ ax - by = 10 \end{cases} \quad \begin{cases} 5x - 2y = 12 \\ bx + ay = 5 \end{cases}$$

が同じ解をもつとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 解を求めよ。
- (2) a, b の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

練習 49

連立方程式 $\begin{cases} 3x + 2y = 4 \\ ax + 4y = a + 5 \end{cases}$ の解が $4x - 3y = 11$ を満たすとき a の値を求めよ。

[解答欄]

--

練習 50

1 本 120 円のかんジュースと、1 本 150 円のペットボトル入りのお茶を、あわせて 10 本買ひ、1320 円払った。かんジュースとペットボトルの本数はそれぞれ何本買ったか。かんジュースを x 本、ペットボトルを y 本として連立方程式をつくり答えを求めよ。

[解答欄]

--

練習 51

花屋で、1 本 200 円のばらと 1 本 150 円のカーネーションを合わせて 12 本買ったら、代金の合計は 2050 円であった。ばらとカーネーションをそれぞれ何本買ったか。

[解答欄]

--

練習 52

1 個 50 円, 100 円, 200 円の 3 種類のくだものを合わせて, 30 個買うことにした。50 円のくだものと 100 円のくだものを同じ個数買い, 3000 円支払った。50 円のくだものと 200 円のくだものはそれぞれ何個買ったか。。

[解答欄]

練習 53

1 本 50 円の鉛筆と 1 本 90 円の鉛筆を合わせて 20 本買う予定であったが, 60 円の鉛筆と 90 円の鉛筆の本数をとりちがえたために, 代金ははじめの予定より 300 円高くなった。
はじめに買う予定であった 60 円の鉛筆と 90 円の鉛筆の本数を求めよ。

[解答欄]

練習 54

りんご 3 個とみかん 5 個を買ったら 560 円で, りんご 6 個とみかん 2 個を買ったら 800 円であった。りんご 1 個, みかん 1 個の値段をそれぞれ求めよ。

[解答欄]

練習 55

サッカーボールとソフトボールを 1 個ずつ買った。定価の合計は 4000 円であったが、サッカーボールは定価の 80% で、ソフトボールは定価の 60% で売っていたので、代金の合計は 3000 円であった。サッカーボールとソフトボールの定価はそれぞれいくらか。

[解答欄]

練習 56

M さんはたい焼き屋で黒あんを 3 個とクリームを 5 個買い 900 円を支払った。翌日も同じ数だけ買うつもりで店に行くと右にあるようなポスターが貼ってあった。そこで、いもあんをもらうために昨日より黒あんを 2 個多く買い 1020 円を支払った。黒あんとクリームのたい焼きの定価をそれぞれ求めよ。

[解答欄]

「いもあん」定価145円
新発売キャンペーン



黒あん10%割引
クリーム5%割引
さらに10個以上お買い上げの方に「いもあん」1個プレゼント

練習 57

ある美術館に入るとき、中学生 3 人と大人 2 人では 2400 円、中学生 5 人と大人 3 人では 3800 円かかる。中学生 1 人、大人 1 人の入館料はそれぞれいくらか。

[解答欄]

練習 58

ロケットから宇宙ステーションに乗り移るのに、2人乗りと3人乗りの小型ロケットを使う。この小型ロケット23台で55人の宇宙飛行士を移動させるとき、2種類の小型ロケットはそれぞれ何台用意すればよいか。

[解答欄]

練習 59

ある中学校の2年生が今年145人在籍しており、昨年より男子が10%増え、女子は5%減り、全体で5人増えた。昨年の男女の人数を求めよ。

[解答欄]

練習 60

ある中学校の合唱部の去年の部員は、男女合わせて32人であった。今年は、去年より男子部員は25%、女子部員は15%それぞれ増加し、増加した人数は男女とも同じであった。今年の男子部員と女子部員の人数を求めよ。

[解答欄]

練習 61

ある中学校のテニス部の昨年の部員数は、男女あわせて 40 人であった。今年は昨年と比べて、男子は 20% 増え、女子は 10% 減ったので、男女あわせて 39 人になった。今年の男子と女子の部員数をそれぞれ求めよ。

[解答欄]

練習 62

今年の修学旅行の費用は、昨年に比べて 1 人あたりの交通費が 17%，宿泊費が 22% 値上がりし、交通費と宿泊費の合計では 20% 値上がりして 24000 円になった。今年の 1 人あたりの交通費と宿泊費をそれぞれ求めよ。

[解答欄]

練習 63

8% の食塩水と 15% の食塩水がある。この 2 種類の食塩水を混ぜ合わせて 10% の食塩水を 700g つくるとき、2 種類の食塩水をそれぞれ何 g ずつ混ぜればよいか。

[解答欄]

練習 64

M 中学校の男子は女子より 50 人多く、男子の 6%，女子の 7%，合わせて 42 人が卓球部に入っているという。この中学校の男子と女子の生徒数をそれぞれ求めよ。

[解答欄]

練習 65

ある店では、パンとドーナツを合わせて 350 個作った。そのうち、パンは 90%，ドーナツは 80% 売れ、合わせて 300 個売れた。パンとドーナツをそれぞれ何個作ったか。

[解答欄]